Вариант 1

<u>Задача 1</u>. Пусть f(x) = 3x - 4, $g(x) = \log_3 x$. Запишите следующие композиции f(g(x)), f(f(x)), g(f(x)) и g(g(x)).

Задача 2. Напишите три первых члена последовательности $a_n = \left(1 + \frac{5}{n+3}\right)^{2n-1}$ и найдите ее предел.

Задача 3. Вычислите пределы функций:

1)
$$\lim_{x \to 2} \frac{x^3 - x}{x^2 + x + 5}$$
, 2) $\lim_{x \to \infty} \left(3 + \frac{4}{x} \right)$, 3) $\lim_{x \to 4} \frac{x^3 - 4x^2}{x^2 + x - 20}$, 4) $\lim_{x \to 7} \frac{2 - \sqrt{x - 3}}{\sqrt{x - 6} - 1}$,

5)
$$\lim_{x\to\infty} \frac{3x^2+x-1}{5x^2-3}$$
, 6) $\lim_{x\to\infty} \frac{x^2-5x+6}{x-9}$, 7) $\lim_{x\to\infty} \frac{x^2+12x-8}{x^3+2x-7}$, 8) $\lim_{x\to0} \frac{\sin 5x}{e^{2x}-1}$.

<u>Задача 4</u>. Исследуйте функцию на непрерывность и сделайте схематический чертеж

$$f(x) = \begin{cases} e^x, & x \le 0, \\ 1+x, & 0 < x \le 2, \\ x^2, & x > 2. \end{cases}$$

Задача 5. Вычислите производные первого порядка для функций

1)
$$\frac{2x - \sin x}{\cos x - 3x} + \sqrt{5 + x^2}$$
, 2) $(x^3 + 2)^5 - 2\ln(3x + 1)$, 3) $x^2 - 3xy^3 + y^2 - 7 = 0$.

Задача 6. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = x^2 + 1$ в ее точке с абсциссой $x_0 = 2$. Постройте кривую и ее касательную.

Задача 7. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = 2x^3 - 6x^2 - 18x + 7$ на отрезке [-2; 2].

Задача 8. Вычислите производную второго порядка для функции $y = x^2 \cdot e^x$.

Задача 9. Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задается уравнением $s = \frac{1}{3}t^3 + 2t^2 - 3$, где s — путь в м, а t — время в с. Вычислите ее скорость и ускорение в момент времени t = 4c.

Задача 10. Проведите полное исследование функции $y = \frac{(x-1)^2}{x^2}$ и постройте график.

Вариант 2

<u>Задача 1</u>. Пусть f(x) = 5x + 2, $g(x) = \sin x$. Запишите следующие композиции f(g(x)), f(f(x)), g(f(x)) и g(g(x)).

Задача 2. Напишите три первых члена последовательности $a_n = \left(1 - \frac{2}{2n-3}\right)^{n+1}$ и найдите ее предел.

Задача 3. Вычислите пределы функций:

1)
$$\lim_{x\to 3} \frac{2x^2 - 3x}{x^2 - x + 4}$$
, 2) $\lim_{x\to 4} \log_2(x-2)$, 3) $\lim_{x\to 3} \frac{x^2 - x - 6}{x^2 - 9}$, 4) $\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{x^2 - x + 1} - 1}{x}$,

5)
$$\lim_{x\to\infty} \frac{x+6}{x^2-3x+2}$$
, 6) $\lim_{x\to\infty} \frac{11x^2+12x-8}{2x+7}$, 7) $\lim_{x\to\infty} \frac{7x^2-5x+2}{4x^2-x+3}$, 8) $\lim_{x\to0} \frac{arcsin3x}{tg7x}$.

Задача 4. Исследуйте функцию на непрерывность и сделайте схематический чертеж

$$f(x) = \begin{cases} x+4, & x \le -1, \\ x^2 + 2, & -1 < x \le 1, \\ 2x, & x > 1. \end{cases}$$

Задача 5. Вычислите производные первого порядка для функций

1)
$$\frac{9x - \cos x}{\sin x - x} + \sqrt{8 - x^2}$$
, 2) $\operatorname{arcctg} 3x - 3\operatorname{arctg} 2x$, 3) $e^x - 3xe^y - 3y + 18 = 0$.

Задача 6. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = -x^2 + 1$ в ее точке с абсциссой $x_0 = 2$. Постройте кривую и ее касательную.

Задача 7. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = x^3 + 4x^2 - 16x + 5$ на отрезке [-5; -2].

Задача 8. Вычислите производную второго порядка для функции $y = x^2 \cdot \ln 4x$.

Задача 9. Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задается уравнением $s = -\frac{1}{3}t^3 + 5t^2 + 7t - 4$, где s — путь в м, а t — время в с. Вычислите ее скорость и ускорение в момент времени $t = 2 \ c$.

Задача 10. Проведите полное исследование функции $y = \frac{x^3}{x^2 + 1}$ и постройте график.

Вариант 3

<u>Задача 1</u>. Пусть f(x) = 4x - 1, g(x) = cosx. Запишите следующие композиции f(g(x)), f(f(x)), g(f(x)) и g(g(x)).

Задача 2. Напишите три первых члена последовательности $a_n = \left(1 + \frac{4}{2n-1}\right)^{n+2}$ и найдите ее предел.

1)
$$\lim_{x\to 5} \frac{x^2 - 2x + 1}{x^2 + 2x - 5}$$
, 2) $\lim_{x\to \infty} e^x$, 3) $\lim_{x\to 2} \frac{x^2 - 4}{x^2 + x - 6}$, 4) $\lim_{x\to 4} \frac{\sqrt{1 + 2x} - 3}{x - 4}$, 5) $\lim_{x\to \infty} \frac{5x^3 + x^2 + 3}{5 - x^3}$, 6) $\lim_{x\to \infty} \frac{2x^2 + 5x - 3}{5x + 4}$, 7) $\lim_{x\to \infty} \frac{9x^2 + 2x - 1}{x^3 + 5x - 4}$, 8) $\lim_{x\to 0} \frac{\ln(1 + 6x)}{\arctan(6 - 5x)}$.

5)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{5x^3 + x^2 + 3}{5 - x^3}$$
, 6) $\lim_{x \to \infty} \frac{2x^2 + 5x - 3}{5x + 4}$, 7) $\lim_{x \to \infty} \frac{9x^2 + 2x - 1}{x^3 + 5x - 4}$, 8) $\lim_{x \to 0} \frac{\ln(1 + 6x)}{\operatorname{arctg}(-5x)}$.

Задача 4. Исследуйте функцию на непрерывность и сделайте схематический чертеж

$$f(x) = \begin{cases} 1 - x, & x \le 0, \\ x^2 + 1, & 0 < x \le 2, \\ \ln(x - 1), & x > 2. \end{cases}$$

Задача 5. Вычислите производные первого порядка для функций

1)
$$\frac{7x - \sin x}{\cos x - 5x} + \sqrt{7 - x^2}$$
, 2) $\arcsin 2x - 2\arccos x$, 3) $\ln x - 3xy^2 - 2y + 4 = 0$.

Задача 6. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = x^2 - 1$ в ее точке с абсциссой $x_0 = 2$. Постройте кривую и ее касательную.

Задача 7. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = x^3 - 2x^2 - 15x + 2$ на отрезке [1; 4].

Задача 8. Вычислите производную второго порядка для функции $y = xe^{3x}$.

Задача 9. Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задается уравнением $s = t^3 - 2t^2 + 3t + 5$, где s — путь в м, а t — время в с. Вычислите ее скорость и ускорение в момент времени t = 2 c.

Задача 10. Проведите полное исследование функции $y = \frac{4 - x^3}{x^2}$ и постройте график.

Вариант 4

<u>Задача 1</u>. Пусть $f(x) = x^2 + 2$, $g(x) = \sin x$. Запишите следующие композиции f(g(x)), f(f(x)), g(f(x)) и g(g(x)).

<u>Задача 2</u>. Напишите три первых члена последовательности $a_n = \left(1 - \frac{1}{2n+3}\right)^{2n-3}$ и найдите ее предел.

Задача 3. Вычислите пределы функций:

1)
$$\lim_{x\to 4} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 + 2x - 1}$$
, 2) $\lim_{x\to +\infty} e^x$, 3) $\lim_{x\to -2} \frac{x^2 - 4}{x^2 - 5x - 14}$, 4) $\lim_{x\to 3} \frac{\sqrt{1 + 5x} - 4}{x^2 - 9}$, 5) $\lim_{x\to \infty} \frac{9x^3 + 7x^2 - 3}{5x - 2x^3}$, 6) $\lim_{x\to \infty} \frac{x^3 - 5x + 7}{2x + 4}$, 7) $\lim_{x\to \infty} \frac{3x^2 - 2x + 3}{2x^3 + x - 1}$, 8) $\lim_{x\to 0} \frac{\ln(1 - x^2)}{arcsin(-4x)}$.

Задача 4. Исследуйте функцию на непрерывность и сделайте схематический чертеж

$$f(x) = \begin{cases} 1 - x, & x \le 0, \\ x^2 + 5, & 0 < x \le 2, \\ \ln(x - 1), & x > 2. \end{cases}$$

Задача 5. Вычислите производные первого порядка для функций

1)
$$\frac{7x - \cos x}{\sin x - 2x} + \sqrt{x^2 + 6}$$
, 2) $(3x^2 + 1)^4 - 2\cot x$, 3) $e^{2y} - x + 3y + 8 = 0$.

Задача 6. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = x^2 + 2$ в ее точке с абсциссой $x_0 = 1$. Постройте кривую и ее касательную.

Задача 7. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = 2x^3 + 5x^2 - 4x + 7$ на отрезке [-4; -1].

Задача 8. Вычислите производную второго порядка для функции $y = x^2 \cdot log_5 x$.

Задача 9. Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задается уравнением $s = \frac{1}{3}t^3 + t^2 + t - 6$, где s — путь в м, а t — время в с. Вычислите ее скорость и ускорение в момент времени t = 2c.

<u>Задача 10</u>. Проведите полное исследование функции $y = \frac{x^2 - 4x + 1}{x - 4}$ и постройте график.

Вариант 5

<u>Задача 1</u>. Пусть f(x) = 2x - 1, $g(x) = \ln x$. Запишите следующие композиции f(g(x)), $f(f(x)), g(f(x)) \bowtie g(g(x)).$

Задача 2. Напишите три первых члена последовательности $a_n = \left(1 + \frac{3}{3n-2}\right)^{2n+1}$ и найдите ее предел.

1)
$$\lim_{x \to 3} \frac{x^2 + 5x}{2x^2 - 3x + 1}$$
,

1) $\lim_{x \to 3} \frac{x^2 + 5x}{2x^2 - 3x + 1}$, 2) $\lim_{x \to 3} \sin \pi x$, 3) $\lim_{x \to 4} \frac{x^2 + x - 20}{x^2 - 16}$, 4) $\lim_{x \to 3} \frac{\sqrt{6x - 2} - 4}{x - 3}$, 5) $\lim_{x \to \infty} \frac{2x^2 + 5x - 2}{4x^2 - 5x - 3}$, 6) $\lim_{x \to \infty} \frac{5x - 6}{3x^2 + 3x - 1}$, 7) $\lim_{x \to \infty} \frac{7x^3 + 12x}{2x^2 + x - 5}$, 8) $\lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos x}{1 - \cos 3x}$.

5)
$$\lim_{x\to\infty} \frac{2x^2 + 5x - 2}{4x^2 - 5x - 3}$$

Задача 4. Исследуйте функцию на непрерывность и сделайте схематический чертеж

$$f(x) = \begin{cases} \sin x, & x \le 0, \\ x^2 + 2x, & 0 < x \le 1, \\ 2x - 1, & x > 1. \end{cases}$$

Задача 5. Вычислите производные первого порядка для функций

1)
$$\frac{4x - \sin x}{\cos x + 3x} + \sqrt{3 + x^2}$$
, 2) $2\ln(7x - 3) + \operatorname{arcctgx}$, 3) $y = 3x + \sin y - x^3$.

Задача 6. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = -x^2 + 2$ в ее точке с абсциссой $x_0 = 1$. Постройте кривую и ее касательную.

Задача 7. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = x^3 - 4x^2 - 8x + 5$ на отрезке [0, 4].

Задача 8. Вычислите производную второго порядка для функции $y = \sqrt{x} \cdot e^{2x}$.

Задача 9. Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задается уравнением $s = \frac{1}{3}t^3 + \frac{1}{2}t^2 - 5t + 1$, где s — путь в м, а t — время в с. Вычислите ее скорость и ускорение в момент времени t = 2 c.

Задача 10. Проведите полное исследование функции $y = \frac{4 - x^2}{r^2 + 12}$ и постройте график.

Вариант 6

<u>Задача 1</u>. Пусть f(x) = 5x - 2, $g(x) = x^2$. Запишите следующие композиции f(g(x)), f(f(x)), g(f(x)) и g(g(x)).

Задача 2. Напишите три первых члена последовательности $a_n = \left(1 - \frac{2}{4n-3}\right)^{n-1}$ и найдите ее предел.

Задача 3. Вычислите пределы функций

1)
$$\lim_{x \to 2} \frac{3x^2 + 5x}{2x^2 + 3x + 1}$$

1) $\lim_{x \to 2} \frac{3x^2 + 5x}{2x^2 + 3x + 1}$, 2) $\lim_{x \to 3} \cos \pi x$, 3) $\lim_{x \to 4} \frac{x^2 + x - 12}{x^2 - 16}$, 4) $\lim_{x \to 4} \frac{\sqrt{3x + 7} - 4}{x^2 - 16}$ 5) $\lim_{x \to \infty} \frac{8x^2 + 5x - 7}{4x^2 - x - 2}$, 6) $\lim_{x \to \infty} \frac{9x - 7}{x^2 + 3x - 1}$, 7) $\lim_{x \to \infty} \frac{4x^3 + 2x}{5x^2 + x - 5}$, 8) $\lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos 4x}{1 - \cos 5x}$

5)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{8x^2 + 5x - 7}{4x^2 - x - 2}$$

Задача 4. Исследуйте функцию на непрерывность и сделайте схематический чертеж

$$f(x) = \begin{cases} e^x, & x \le 0, \\ 1 + x^2, & 0 < x \le 2, \\ 2 - x^2, & x > 2. \end{cases}$$

Задача 5. Вычислите производные первого порядка для функций

1)
$$\frac{6x - \cos x}{\sin x - 3x} + \sqrt{x^2 - 4}$$
, 2) $tg 6x - \arccos 2x$, 3) $e^{3y} + 3x - 8y - 15 = 0$.

Задача 6. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = x^2 - 2$ в ее точке с абсциссой $x_0 = 1$. Постройте кривую и ее касательную.

Задача 7. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = 4x^3 + 15x^2 - 72x + 3$ на отрезке [-5; 0].

Задача 8. Вычислите производную второго порядка для функции $y = x^4 \cdot log_3 x$.

Задача 9. Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задается уравнением $s = t^3 - 4t^2 + 5t + 3$, где s — путь в м, а t — время в с. Вычислите ее скорость и ускорение в момент времени t = 3 c.

Задача 10. Проведите полное исследование функции $y = \frac{-4x}{x^2 + 4}$ и постройте график.

Вариант 7

<u>Задача 1</u>. Пусть $f(x) = x^2 + 1$, g(x) = cosx. Запишите следующие композиции f(g(x)), f(f(x)), g(f(x)) и g(g(x)).

<u>Задача 2</u>. Напишите три первых члена последовательности $a_n = \left(1 + \frac{6}{2n+1}\right)^{n+1}$ и найдите ее предел.

Задача 3. Вычислите пределы функций:

1)
$$\lim_{x \to 3} \frac{\sqrt{x^3 - 2}}{x^2 - 5}$$
, 2) $\lim_{x \to \infty} \left(2 - \frac{4}{x}\right)^{\frac{1}{x}}$, 3) $\lim_{x \to -1} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 3x + 2}$, 4) $\lim_{x \to 1} \frac{x^2 - 1}{\sqrt{x + 3} - 2}$, 5) $\lim_{x \to \infty} \frac{3x^2 + x - 2}{x^2 - 3x + 4}$, 6) $\lim_{x \to \infty} \frac{x^3 - 2x^2 + 5}{x^2 - 9}$, 7) $\lim_{x \to \infty} \frac{x^2 + 2x - 7}{4x^3 + x - 7}$, 8) $\lim_{x \to 0} \frac{\arcsin 7x}{2^x - 1}$.

2)
$$\lim_{x\to\infty} \left(2-\frac{4}{x}\right)^{\frac{1}{x}}$$
,

3)
$$\lim_{x \to 1} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 3x + 2}$$
,

4)
$$\lim_{x\to 1} \frac{x^2-1}{\sqrt{x+3}-2}$$
,

5)
$$\lim_{x\to\infty} \frac{3x^2+x-2}{x^2-3x+4}$$

6)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{x^3 - 2x^2 + 5}{x^2 - 9}$$

7)
$$\lim_{x\to\infty} \frac{x^2 + 2x - 7}{4x^3 + x - 7}$$

8)
$$\lim_{x\to 0} \frac{\arcsin 7x}{2^x - 1}$$

Задача 4. Исследуйте функцию на непрерывность и сделайте схематический чертеж

$$f(x) = \begin{cases} x, & x \le -1, \\ x^2, & -1 < x \le 1, \\ 2 - x, & x > 1. \end{cases}$$

Задача 5. Вычислите производные первого порядка для функций

1)
$$\frac{3x - \sin x}{\cos x - 2x} + \sqrt{6 + x^2}$$
, 2) $\arcsin x + 5\ln(2x - 3)$, 3) $x^2 + y^3 - xy - 5 = 0$.

$$2) \arcsin x + 5\ln(2x-3),$$

3)
$$x^2 + y^3 - xy - 5 = 0$$

Задача 6. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = x^2 - 4$ в ее точке с абсциссой $x_0 = 3$. Постройте кривую и ее касательную.

Задача 7. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = x^3 - 6x^2 - 15x + 12$ на отрезке [-3; 2].

Задача 8. Вычислите производную второго порядка для функции $y = x^3 \cdot e^{-x}$.

Задача 9. Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задается уравнением $s = -\frac{1}{3}t^3 + 3t^2 + 2t + 2$, где s — путь в м, а t — время в с. Вычислите ее скорость и ускорение в момент времени t = 4 c.

Задача 10. Проведите полное исследование функции $y = \frac{x^2}{(x-1)^2}$ и постройте график.

Вариант 8

Задача 1. Пусть f(x) = 5x - 7, $g(x) = x^2$. Запишите следующие композиции f(g(x)), f(f(x)), g(f(x)) и g(g(x)).

Задача 2. Напишите три первых члена последовательности $a_n = \left(1 - \frac{2}{6n-3}\right)^{6n-5}$ и найдите ее предел.

Задача 3. Вычислите пределы функций:

1)
$$\lim_{x \to -2} \frac{2x^2 + 6x}{x^2 - x + 4}$$
, 2) $\lim_{x \to 0} (1 - \sin x)^{5-x}$, 3) $\lim_{x \to -3} \frac{x^2 - 3x - 18}{x^2 - 9}$, 4) $\lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{5 - x} - 2}{x^2 - 3x + 2}$,

5)
$$\lim_{x\to\infty} \frac{2x^2 + 5x + 9}{3x^2 - x + 3}$$
, 6) $\lim_{x\to\infty} \frac{3x + 6}{2x^2 - x + 2}$, 7) $\lim_{x\to\infty} \frac{5x^2 + 12x - 8}{4x + 12}$, 8) $\lim_{x\to0} \frac{\sin 5x}{\operatorname{arctg} 7x}$.

Задача 4. Исследуйте функцию на непрерывность и сделайте схематический чертеж

$$f(x) = \begin{cases} x^2, & x \le -1, \\ x, & -1 < x \le 1, \\ 2x - 1, & x > 1 \end{cases}$$

Задача 5. Вычислите производные первого порядка для функций

1)
$$\frac{2x - \cos x}{\sin x - 3x} + \sqrt{5 - x^2}$$
, 2) $(2x^2 + 3)^5 - 2\cot x$, 3) $2x^3 - 3x^2y + 5e^{2y} - 2 = 0$.

Задача 6. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = -x^2 + 4$ в ее точке с абсциссой $x_0 = 3$. Постройте кривую и ее касательную.

Задача 7. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = x^3 + 6x^2 - 15x + 4$ на отрезке [0; 4].

Задача 8. Вычислите производную второго порядка для функции $y = x^2 \cdot \ln 5x$.

Задача 9. Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задается уравнением $s = -\frac{1}{3}t^3 + 4t^2 - 3t - 3$, где s — путь в м, а t — время в с. Вычислите ее скорость и ускорение в момент времени $t = 4 \ c$.

Задача 10. Проведите полное исследование функции $y = \left(1 + \frac{1}{x}\right)^2$ и постройте график.

Вариант 9

<u>Задача 1</u>. Пусть f(x) = 4x - 3, g(x) = tgx. Запишите следующие композиции f(g(x)), f(f(x)), g(f(x)) и g(g(x)).

Задача 2. Напишите три первых члена последовательности $a_n = \left(1 + \frac{7}{2n-3}\right)^{n-1}$ и найдите ее предел.

Задача 3. Вычислите пределы функций:

1)
$$\lim_{x \to 2} \frac{3x - 2x^2 + 1}{x^2 - 2x - 5}$$
, 2) $\lim_{x \to \infty} \frac{x^2 - 4}{x^2 + 7x - 18}$, 4) $\lim_{x \to 4} \frac{\sqrt{x + 5} - 3}{x - 4}$, 5) $\lim_{x \to \infty} \frac{x^3 + 2x^2 + 3x - 1}{5 - 2x^3}$, 6) $\lim_{x \to \infty} \frac{2x^2 + 5x - 3}{5x + 4}$, 7) $\lim_{x \to \infty} \frac{x^2 - 2x - 1}{x^3 + 3x^2 - 4x}$, 8) $\lim_{x \to 0} \frac{\ln(1 + 6x^2)}{5^{x^2} - 1}$.

Задача 4. Исследуйте функцию на непрерывность и сделайте схематический чертеж

$$f(x) = \begin{cases} \cos x & x \le 0, \\ 2+x, & 0 < x < 2, \\ x^2, & x \ge 2. \end{cases}$$

Задача 5. Вычислите производные первого порядка для функций

1)
$$\frac{5x - \sin x}{\cos x - 6x} + \sqrt{9 + x^2}$$
, 2) $(5x^2 - 3)^4 - 2\ln x$, 3) $x + 3xy^3 - 3yx^3 - 9 = 0$.

Задача 6. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = -x^2 + 4$ в ее точке с абсциссой $x_0 = 1$. Постройте кривую и ее касательную.

Задача 7. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 36x + 15$ на отрезке [-1; 3].

Задача 8. Вычислите производную второго порядка для функции $y = x^2 \cdot e^{7x}$.

Задача 9. Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задается уравнением $s = \frac{2}{3}t^3 - 5t^2 + 6t - 8$, где s — путь в м, а t — время в с. Вычислите ее скорость и ускорение в момент времени t = 3 c.

Задача 10. Проведите полное исследование функции $y = \frac{x^3 + 4}{x^2}$ и постройте график.

Вариант 10

<u>Задача 1</u>. Пусть $f(x) = x^2 + 2$, g(x) = tgx. Запишите следующие композиции f(g(x)), f(f(x)), g(f(x)) и g(g(x)).

<u>Задача 2</u>. Напишите три первых члена последовательности $a_n = \left(1 - \frac{5}{2n-3}\right)^{4n-3}$ и найдите ее предел.

Задача 3. Вычислите пределы функций:

1)
$$\lim_{x\to 4} \frac{x^2 + 5x}{3x^2 - x - 1}$$
, 2) $\lim_{x\to 0} \frac{1}{x}$, 3) $\lim_{x\to -2} \frac{x^2 - 4}{x^2 - 7x - 18}$, 4) $\lim_{x\to 3} \frac{\sqrt{5x - 6} - 3}{x^2 - 9}$,

5)
$$\lim_{x\to\infty} \frac{x^3 + 5x^2 - 3x + 1}{1 + x - 2x^3}$$
, 6) $\lim_{x\to\infty} \frac{2x^3 - 5x^2 + 7}{2x^2 + 4x - 1}$, 7) $\lim_{x\to\infty} \frac{10x^2 - 5x + 3}{2x^3 + x^2 - 5x + 1}$, 8) $\lim_{x\to 0} \frac{\ln(1 - 5x)}{\arcsin(4x)}$.

Задача 4. Исследуйте функцию на непрерывность и сделайте схематический чертеж

$$f(x) = \begin{cases} \cos x & x \le 0, \\ x+1, & 0 < x < 2, \\ 2^x, & x \ge 2. \end{cases}$$

Задача 5. Вычислите производные первого порядка для функций

1)
$$\frac{5x - \cos x}{\sin x - 4x} + \sqrt{6 - x^2}$$
, 2) $\arctan 2x - tg(x+7)$, 3) $7x - 5xy^2 - 2e^y + 2 = 0$.

Задача 6. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = -x^2 + 9$ в ее точке с абсциссой $x_0 = 2$. Постройте кривую и ее касательную.

Задача 7. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = 2x^3 - 3x^2 - 36x + 25$ на отрезке [-3; 2].

Задача 8. Вычислите производную второго порядка для функции $y = x^3 \cdot \ln 3x$.

Задача 9. Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задается уравнением $s = t^3 - 3t^2 + 5t - 7$, где s — путь в м, а t — время в с. Вычислите ее скорость и ускорение в момент времени t = 2 c.

Задача 10. Проведите полное исследование функции $y = \frac{x^2 - 3x + 3}{x - 1}$ и постройте график.